



Professor (a): *Estefânio Franco Maciel*

Aluno (a):

Data: /06/2017.

Disciplina: *Matemática*

(REVISÃO PARA BIMESTRAL)

Série: SEGUNDO ANO

ENSINO MÉDIO



1) Construa a matriz $A = (a_{ij})_{2 \times 2}$ tal que

$$a_{ij} = \begin{cases} i^2, \Leftrightarrow i \neq j \\ i + j, \Leftrightarrow i = j \end{cases}$$

2) Escreva a matriz $A = (a_{ij})$ em cada caso:

a) A é do tipo 2×3 e $a_{ij} = \begin{cases} 3i + j \Leftrightarrow i = j \\ i - 2j \Leftrightarrow i \neq j \end{cases}$

b) A é quadrada de ordem 4 e

$$a_{ij} = \begin{cases} 2i \Leftrightarrow i < j \\ i - j \Leftrightarrow i = j \\ 2j \Leftrightarrow i > j \end{cases}$$

c) A é do tipo 4×2 e $a_{ij} = \begin{cases} 0 \Leftrightarrow i \neq j \\ 3 \Leftrightarrow i = j \end{cases}$

d) A é quadrada de ordem 3 e $a_{ij} = 3i - j + 2$.

3) Determine x e y tais que

a) $\begin{bmatrix} 2x + y \\ 2x - y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 11 \\ 9 \end{bmatrix}$

b) $\begin{bmatrix} x^2 & y \\ x & y^2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ -1 & 1 \end{bmatrix}$

4) Determine o valor de $x \in \mathbb{R}$ na matriz A para

que $A = A^t$, sendo $A = \begin{bmatrix} 3 & x^2 \\ 21x & x \end{bmatrix}$.

5) Sendo $A = \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 0 & -1 \\ 3 & 2 \end{bmatrix}$ e $B = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 7 & 3 \\ -4 & 5 \end{bmatrix}$,

determine $A + B$.

6) Determine a , b e c para que

$$\begin{bmatrix} a & 3 & 2a \\ c & 0 & -2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} b & -3 & -1 \\ 1 & 4 & 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & 0 & 5 \\ 3 & 4 & 1 \end{bmatrix}.$$

7) Dadas as matrizes

$$M = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ -1 & 0 & -2 \\ 4 & -3 & 5 \end{bmatrix}, N = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \text{ e}$$

$$P = \begin{bmatrix} 0 & -1 & 1 \\ -2 & 0 & 1 \\ -3 & 2 & 0 \end{bmatrix} \text{ calcule } X, \text{ de modo que:}$$

- a) $X - M = N - P$
- b) $P + X = M - N$
- c) $X + (M - P) = N$

8) Efetue:

a) $\begin{pmatrix} 5 & -3 \\ -1 & 4 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 3 \\ -2 \end{pmatrix}$

b) $\begin{pmatrix} 5 & 2 \\ -1 & 4 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$

c) $\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 2 & 2 & 1 \\ 1 & 2 & 2 \\ 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$

9) Dada a matriz $A = \begin{bmatrix} 2 & -1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$, calcule A^2 .

10) Sendo $A = \begin{pmatrix} 3 & 2 \\ 5 & 1 \end{pmatrix}$ e $B = \begin{pmatrix} 3 & -1 \\ 2 & 0 \end{pmatrix}$ e $C = \begin{pmatrix} 1 \\ 4 \end{pmatrix}$,

calcule:

- a) AB
- b) AC
- c) BC

11) Calcule o valor do determinante da matriz

$$A = \begin{bmatrix} 4 & -1 & 0 \\ 5 & 7 & 6 \\ 2 & 1 & 3 \end{bmatrix}$$

12. Resolva a equação $\begin{vmatrix} x+1 & 2 & 3 \\ x & 1 & 5 \\ 3 & 1 & -2 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 4 & 1 \\ x & -2 \end{vmatrix}$

13. Resolva as equações:

a) $\begin{vmatrix} 2 & 4 & 1 \\ 2 & 4 & x \\ 3 & 1 & 2 \end{vmatrix} = 0$ b) $\begin{vmatrix} 2 & 3 & -2 \\ 0 & 1 & x \\ 2 & x & -3 \end{vmatrix} = 2$

c) $\begin{vmatrix} x+1 & 3 & x \\ 3 & x & 1 \\ x & 2 & x-1 \end{vmatrix} = 0$

14. Calcule o determinante de cada matriz abaixo:

$$A = \begin{pmatrix} 2 & 3 & 1 & 8 \\ 0 & 4 & -1 & 0 \\ 3 & 10 & 87 & 100 \\ 6 & 9 & 3 & 24 \end{pmatrix}$$

$$B = \begin{bmatrix} -1 & 2 & 3 & -4 \\ 4 & 2 & 0 & 0 \\ -1 & 2 & -3 & 0 \\ 2 & 5 & 3 & 1 \end{bmatrix} :$$

$$C = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & x \\ 2 & 3 & 4 & 5 \\ x & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & x & 1 \end{pmatrix}$$

15) O produto $(5 + 7i) \cdot (3 - 2i)$ vale:

- a. $1 + 11i$ b. $1 + 31i$ c. $29 + 11i$
 b. $29 - 11i$ e. $29 + 31i$

16) O número complexo $z = x + (x^2 - 4)i$ é real se, e somente se:

- a. $x \neq 0$ b. $x = \pm 2$
 b. c. $x \neq \pm 2$ d. $x \neq 0$ e $x \neq \pm 2$
 c. e. $x = 0$

17) Qual é o valor de m, real, para que o produto $(2 + mi) \cdot (3 + i)$ seja um imaginário puro?

18) O produto $(x + yi) \cdot (2 + 3i)$ é um número real, quando x e y são reais e:

- a. $x - 3y = 0$ b. $2y - 3x = 0$ c. $2x + 2y = 0$
 d. $2x + 3y = 0$ e. $3x + 2y = 0$

19) Sejam os números complexos $z_1 = 2x + 3i$ e $z_2 = 2 + yi$, onde x e y são números reais. Se $z_1 = z_2$, então o produto $x \cdot y$ é:

20) O produto $(1 - i) \cdot (x + 2i)$ será um número real quando x for:

21) Se $z = 2 + 2i$ é um número complexo, então $w = z + zi$:

22) Para que o número $z = (x - 2i) \cdot (2 + xi)$ seja real, devemos ter: ($x \in \mathbb{R}$)

- a. $x = 0$ b. $x = \pm 1/2$
 b. c. $x = \pm 2$ d. $x = \pm 4$ e. nda

23) Os números reais x e y que satisfazem a equação $2x + (y - 3)i = 3y - 4xi$ são tais que:

- a. $x + y = 7$ b. $x - y = 3/14$ c. $x \cdot y = 10$
 $\frac{x}{y} = 3$
 d. $y^x = 3$ e. $y^x = 32$

24) Determinando-se os valores reais de m e n de modo que se tenha $2(m - n) + i(m + n) - i = 0$ pode-se afirmar que a soma de m e n é igual a:

25) Sejam os números complexos $w = (x - 1) + 2i$ e $v = 2x + (y - 3)i$, onde $x, y \in \mathbb{R}$. Se $w = v$, então:

- a. $x + y = 4$ b. $x \cdot y = 5$ c. $x - y = -4$
 d. $x = 2y$ e. $y = 2x$

26) Encontre as raízes imaginárias da equação:

- a) $x^2 + 4 = 0$
 b) $x^2 + 25 = 0$
 c) $3x^2 + 16 = 0$

27) Determinar as raízes da equação:

- a) $x^2 - 2x + 2 = 0$
 b) $2x^2 - 6x + 9 = 0$
 c) $3x^2 - 4x + 25 = 0$
 d) $x^2 + 2x + 5 = 0$
 e) $3t^2 + t + 1 = 0$
 f) $x^2 - 6x + 10 = 0$

28) Determinar o número complexo $z = 2 + yi$, $y \in \mathbb{R}$, tal que $z = \bar{z} + 8i$.

29) Encontre o número complexo z, sabendo que $z + 2\bar{z} = zi - 3$